

Nekonečné číselné řady

1. *Nutná podmínka konvergence*: $\lim_{n \rightarrow \infty} a_n = 0$
(= členy klesají), pokud to neplatí tak řada diverguje, pokud to platí pokračujeme na kritéria.

2. *Kritéria*

SROVNÁVACÍ: $\sum_{n=1}^{\infty} b_n$ konverguje a $a_n \leq b_n$ **PAK** i řada $\sum_{n=1}^{\infty} a_n$ konverguje.
 $\sum_{n=1}^{\infty} a_n$ diverguje a $a_n \leq b_n$ **PAK** i řada $\sum_{n=1}^{\infty} b_n$ diverguje.

(víme že: $\sum \frac{1}{n}$ DIVERGUJE, ale $\sum \frac{1}{n^2}, \sum \frac{1}{n^3}, \sum \frac{1}{n^4}, \dots$ KONVERGUJE)

PODÍLOVÉ (=faktoriál): $\lim_{n \rightarrow \infty} \frac{a_{n+1}}{a_n} < 1$ **KONVERGUJE**, (= 1 nelze rozhodnout), > 1 **DIVERGUJE**.

ODMOCNINOVÉ (= n-tá mocnina): $\lim_{n \rightarrow \infty} \sqrt[n]{a_n} < 1$ **KONVERGUJE**, (= 1 nelze rozhodnout), > 1 **DIVERGUJE**.

INTEGRÁLNÍ: $\int_1^{\infty} f(x) dx$ integrál konverguje \rightarrow řada konverguje (integrál diverguje \rightarrow řada diverguje)

Leibnizovo kritérium = VŽDY U ALTERNUJÍCÍ ŘADY (=stačí ověřit nutnou podmínku, která je u alternujících i postačující) $\lim_{n \rightarrow \infty} a_n = 0$ řada konverguje.

Nekonečné číselné řady

1. *Nutná podmínka konvergence*: $\lim_{n \rightarrow \infty} a_n = 0$
(= členy klesají), pokud to neplatí tak řada diverguje, pokud to platí pokračujeme na kritéria.

2. *Kritéria*

SROVNÁVACÍ: $\sum_{n=1}^{\infty} b_n$ konverguje a $a_n \leq b_n$ **PAK** i řada $\sum_{n=1}^{\infty} a_n$ konverguje.
 $\sum_{n=1}^{\infty} a_n$ diverguje a $a_n \leq b_n$ **PAK** i řada $\sum_{n=1}^{\infty} b_n$ diverguje.

(víme že: $\sum \frac{1}{n}$ DIVERGUJE, ale $\sum \frac{1}{n^2}, \sum \frac{1}{n^3}, \sum \frac{1}{n^4}, \dots$ KONVERGUJE)

PODÍLOVÉ (=faktoriál): $\lim_{n \rightarrow \infty} \frac{a_{n+1}}{a_n} < 1$ **KONVERGUJE**, (= 1 nelze rozhodnout), > 1 **DIVERGUJE**.

ODMOCNINOVÉ (= n-tá mocnina): $\lim_{n \rightarrow \infty} \sqrt[n]{a_n} < 1$ **KONVERGUJE**, (= 1 nelze rozhodnout), > 1 **DIVERGUJE**.

INTEGRÁLNÍ: $\int_1^{\infty} f(x) dx$ integrál konverguje \rightarrow řada konverguje (integrál diverguje \rightarrow řada diverguje)

Leibnizovo kritérium = VŽDY U ALTERNUJÍCÍ ŘADY (=stačí ověřit nutnou podmínku, která je u alternujících i postačující) $\lim_{n \rightarrow \infty} a_n = 0$ řada konverguje.